

★ ULTERIORE COMMENTO

Il caso $e = 0$ richiede una trattazione separata, come limite.

Intanto osserviamo che, da $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$

$b^2 = a^2(1 - e^2)$, segue subito, per $e \rightarrow 0$,

$a = b \Rightarrow$ si ottiene una circonferenza.

Cosa succede a F e S per $e \rightarrow 0$?

$$F: (f, 0) = (ae, 0)$$

$e \rightarrow 0$ conduce a $(0, 0)$: i fuochi vanno a coincidere nell'origine.

da $H: (\frac{a}{e}, 0)$ [v. pag. precedente]

si ha che se $e \rightarrow 0$, $\frac{a}{e} \rightarrow +\infty$

$\Rightarrow$ la direttrice "va all'infinito"

(e da effetti $\frac{\overline{PF}}{\overline{PQ}} \rightarrow 0$)

★ Queste osservazioni verranno recuperate nell'ambito della teoria proiettiva.