

ERRATA CORRIGE ALLA DISPENSA INTRODUZIONE ALLE E.D.O. PARTE II

P.7 SOSTITUIRE ALLE RIGHE 6,5,4,3 DAL
BASSO LE SEGUENTI:

Una funzione che tende a 0 in modo
esponenziale, molto velocemente, quindi
una componente che possiamo dire "transiente".

Infatti per (4) si ha $\lambda_2 < \lambda_1 \leq 0$ e quindi
 $|C_1 e^{\lambda_1 t} + C_2 e^{\lambda_2 t}| \leq |C_1 e^{\lambda_1 t}| + |C_2 e^{\lambda_2 t}| \leq (|C_1| + |C_2|) e^{\lambda_1 t}$

per ogni $t \geq 0$; per (5) si ha prendendo un
qualunque $\varepsilon > 0$ e tale che $\mu := -\frac{R}{2L} + \varepsilon < 0$;

$$|e^{-\frac{R}{2L}t} (C_1 + C_2 t)| = e^{(-\frac{R}{2L} + \varepsilon)t} |e^{-\varepsilon t} (C_1 + C_2 t)| \leq K e^{\mu t}$$

per ogni $t \geq 0$ con $K > 0$ opportuno, infatti per un
qualunque polinomio $p(t)$ si ha che $\lim_{t \rightarrow +\infty} e^{-\varepsilon t} p(t) = 0$
e quindi la funzione $e^{-\varepsilon t} p(t)$ è limitata per $t \geq 0$; (*)
infine per (6) si ha

$$|e^{-\frac{R}{2L}t} (C_1 \sin kt + C_2 \cos kt)| \leq e^{-\frac{R}{2L}t} (|C_1 \sin kt| + |C_2 \cos kt|) \\ \leq (|C_1| + |C_2|) e^{-\frac{R}{2L}t}$$

- R componente transiente
tende quindi a 0 esponenzialmente in ogni caso.
Ad essa va...

(*) Se $\lim_{t \rightarrow +\infty} f(t) = 0$ con $f: [0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ allora esiste $t_1 > 0$ tale che
 $|f(t)| < 1$ per $t > t_1$, se poi f è continua allora
 $M := \sup_{t \in [0, t_1]} |f(t)| < +\infty$. Ponendo $K := \max \{1, M\}$ si ha $|f(t)| \leq K, t \geq 0$.

P. 26 righe 10, 11, 12:

Cancellare la parola "altimenti" e
scrivere $g(t_0) = \gamma_0 \neq 0$ invece di
 $g(t_0) = \gamma_0$.